

**Министерство образования Московской области  
Государственное бюджетное профессиональное образовательное учреждение  
Московской области «Электростальский колледж»**

Утверждена приказом руководителя  
образовательной организации  
№ 250-од от 16 июня 2022 года

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ  
ПД.01 МАТЕМАТИКА**

г.о. Электросталь, 2022 г.

РАССМОТРЕНО  
ПЦК общеобразовательных,  
математических  
и общих естественно-  
научных дисциплин  
Протокол № 9  
«13» мая 2022 г.  
\_\_\_\_\_ /Федорова И.В. /

Рабочая программа учебной дисциплины ПД.01 «Математика» разработана на основе:

1. Примерной программы общеобразовательной учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» для профессиональных образовательных организаций, рекомендованной Федеральным государственным автономным учреждением «Федеральный институт развития образования» (ФГАУ «ФИРО») в качестве примерной программы для реализации основной профессиональной образовательной программы СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования (Протокол № 3 от 21 июля 2015 г. Регистрационный номер рецензии 377 от 23 июля 2015 г. ФГАУ «ФИРО»);
2. Примерной основной образовательной программы среднего общего образования, одобренной решением федерального учебно-методического объединения по общему образованию (Протокол № 2/16-з от 28 июня 2016 г.);
3. В соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом по профессии среднего профессионального образования 43.01.01 Официант, бармен, утвержденного приказом Министерства образования и науки РФ от 2 августа 2013 г. № 731 (Зарегистрировано в Минюсте РФ 20 августа 2013 г. Регистрационный № 29595), с изменениями и дополнениями от: 9 апреля 2015 г.,
4. Учебного плана по профессии 43.01.01 Официант, бармен, утвержденного 16 июня 2022 года, приказ № 250-од

Организация-разработчик: ГБПОУ МО «Электростальский колледж»

Разработчик: Федорова Инга Валерьевна

## СОДЕРЖАНИЕ

|   | стр.      |
|---|-----------|
| <b>1. ПАСПОРТ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ</b>              | <b>4</b>  |
| <b>2. СТРУКТУРА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ</b>                      | <b>14</b> |
| <b>3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ</b>           | <b>22</b> |
| <b>4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ</b> | <b>24</b> |

# 1. ПАСПОРТ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ ПД.01 МАТЕМАТИКА

## 1.1. Область применения программы

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины ПД.01 «Математика» предназначена для изучения дисциплины при реализации образовательной программы среднего общего образования в пределах освоения основной профессиональной образовательной программы СПО (далее – ОПОП СПО) на базе основного общего образования при подготовке квалифицированных рабочих и служащих (ППКРС).

В рабочую программу общеобразовательной учебной дисциплины ПД.01 «Математика» включено содержание, направленное на формирование у обучающихся компетенций, необходимых для качественного освоения ОПОП СПО – программы подготовки (ППКРС) на базе основного общего образования с получением среднего общего образования.

## 1.2. Место дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы:

Учебная дисциплина ПД.01 «Математика» является учебным предметом обязательной предметной области «Математика» ФГОС среднего общего образования. Учебная дисциплина ПД.01 «Математика» изучается в общеобразовательном цикле учебного плана ПООП СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования ППКРС. В учебном плане ППКРС учебная дисциплина ПД.01 «Математика» входит в состав общих общеобразовательных учебных дисциплин, формируемых из обязательных предметных областей ФГОС среднего общего образования, для профессий и специальностей СПО.

## 1.3. Цели и задачи дисциплины – требования к результатам освоения дисциплины:

Содержание программы «Математика» направлено на достижение следующих **целей и задач:**

- обеспечение сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики;
- обеспечение сформированности логического, алгоритмического и математического мышления;
- обеспечение сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач;
- обеспечение сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

В результате освоения общеобразовательной учебной дисциплины ПД.01 «Математика» обучающийся должен достичь следующих **результатов:**

### • **личностных:**

- сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;
- понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;
- развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;
- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального

цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;

– готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

– готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;

– готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;

– отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

• **метапредметных:**

– умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;

– умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;

– владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

– готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;

– владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;

– владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;

– целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

• **предметных:**

– сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

– сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

– владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

– владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

– сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

– владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

– сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления

событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

– владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

### **Выпускник должен знать:**

#### Элементы теории множеств и математической логики

- понятия: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал;
- понятия: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;
- каким образом находятся пересечения и объединения двух множеств, представленных графически на числовой прямой;
- каким образом строится на числовой прямой подмножество числового множества, заданное простейшими условиями;
- каким образом распознаются ложные утверждения, ошибки в рассуждениях, в том числе с использованием контрпримеров.

#### Числа и выражения

- понятия: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближенное значение числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;
- понятия: логарифм числа, тригонометрическая окружность, градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину;
- как выполнять арифметические действия с целыми и рациональными числами;
- как выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, либо корни из чисел, либо логарифмы чисел;
- как сравнивать рациональные числа между собой;
- как оценивать и сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел, логарифмов чисел в простых случаях;
- способы изображения точками на числовой прямой целые и рациональные числа;
- способы изображения точками на числовой прямой целые степени чисел, корни натуральной степени из чисел, логарифмы чисел в простых случаях;
- как выполнять несложные преобразования целых и дробно-рациональных буквенных выражений;
- как выражать в простейших случаях из равенства одну переменную через другие;
- как вычислять в простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;
- как изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах;
- как оценивать знаки синуса, косинуса, тангенса, котангенса конкретных углов.

#### Уравнения и неравенства

- методы решения линейных уравнений и неравенств, квадратных уравнений;
- методы решения логарифмических уравнений вида  $\log_a (bx + c) = d$  и простейших неравенств вида  $\log_a x < d$ ;
- методы решения показательных уравнений вида  $a^{bx+c} = d$  (где  $d$  можно представить в виде степени с основанием  $a$ ) и простейших неравенств вида  $a^x < d$  (где  $d$  можно представить в виде степени с основанием  $a$ );
- примеры корней простейшего тригонометрического уравнения вида:  $\sin x = a$ ,  $\cos x = a$ ,  $\operatorname{tg} x = a$ ,  $\operatorname{ctg} x = a$ , где  $a$  - табличное значение соответствующей тригонометрической функции.

#### Функции

- понятия: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период;
- понятия: прямая и обратная пропорциональность линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции, тригонометрические функции;

- графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций;
- способы соотношения графиков элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций с формулами, которыми они заданы;
- каким образом находить по графику приближенно значения функции в заданных точках;
- каким образом определять по графику свойства функции (нули, промежутки знакопостоянства, промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т.п.);
- построение эскизов графиков функции, удовлетворяющих приведенному набору условий (промежутки возрастания/убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов и т.д.).

#### Элементы математического анализа

- понятия: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;
- как определять значение производной функции в точке по изображению касательной к графику, проведенной в этой точке;
- способы решения несложных задач на применение связи между промежутками монотонности и точками экстремума функции, с одной стороны, и промежутками знакопостоянства и нулями производной этой функции - с другой.

#### Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика

- основные описательные характеристики числового набора: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения;
- понятия: частота и вероятность события, случайный выбор, опыты с равновероятными элементарными событиями;
- как вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов.

#### Текстовые задачи

- способы решения несложных текстовых задач разных типов;
- анализ условия задачи, при необходимости построение для ее решения математическую модель;
- для решения задачи информацию, представленную в виде текстовой и символьной записи, схем, таблиц, диаграмм, графиков, рисунков;
- пути действия по алгоритму, содержащемуся в условии задачи;
- методы использования логических рассуждений при решении задачи;
- как работать с избыточными условиями, выбирая из всей информации, данные, необходимые для решения задачи;
- как осуществлять несложный перебор возможных решений, выбирая из них оптимальное по критериям, сформулированным в условии;
- как анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;
- способы решения задачи на расчет стоимости покупок, услуг, поездок и т.п.;
- способы решения несложных задачи, связанных с долевым участием во владении фирмой, предприятием, недвижимостью;
- как решать задачи на простые проценты (системы скидок, комиссии) и на вычисление сложных процентов в различных схемах вкладов, кредитов и ипотек;
- как решать практические задачи, требующие использования отрицательных чисел: на определение температуры, на определение положения на временной оси (до нашей эры и после), на движение денежных средств (приход/расход), на определение глубины/высоты и т.п.;
- понятие масштаба для нахождения расстояний и длин на картах, планах местности, планах помещений, выкройках, при работе на компьютере и т.п.

#### Геометрия

- понятия: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;
- основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертежных инструментов;

- применение теоремы Пифагора при вычислении элементов стереометрических фигур;
- формулы нахождения объемов и площадей поверхностей простейших многогранников;
- основные виды тел вращения (конус, цилиндр, сфера и шар);
- формулы объемов и площадей поверхностей простейших многогранников и тел вращения.

#### Векторы и координаты в пространстве

- понятия декартовых координат в пространстве;
- как находить координаты вершин куба и прямоугольного параллелепипеда

#### **Выпускник должен уметь:**

##### Элементы теории множеств и математической логики

- оперировать на базовом уровне понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал;
- оперировать на базовом уровне понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;
- находить пересечение и объединение двух множеств, представленных графически на числовой прямой;
- строить на числовой прямой подмножество числового множества, заданное простейшими условиями;
- распознавать ложные утверждения, ошибки в рассуждениях, в том числе с использованием контрпримеров.

##### Числа и выражения

- оперировать на базовом уровне понятиями: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближенное значение числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;
- оперировать на базовом уровне понятиями: логарифм числа, тригонометрическая окружность, градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину;
- выполнять арифметические действия с целыми и рациональными числами;
- выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, либо корни из чисел, либо логарифмы чисел;
- сравнивать рациональные числа между собой;
- оценивать и сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел, логарифмов чисел в простых случаях;
- изображать точками на числовой прямой целые и рациональные числа;
- изображать точками на числовой прямой целые степени чисел, корни натуральной степени из чисел, логарифмы чисел в простых случаях;
- выполнять несложные преобразования целых и дробно-рациональных буквенных выражений;
- выражать в простейших случаях из равенства одну переменную через другие;
- вычислять в простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;
- изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах;
- оценивать знаки синуса, косинуса, тангенса, котангенса конкретных углов.

##### Уравнения и неравенства

- Решать линейные уравнения и неравенства, квадратные уравнения;
- решать логарифмические уравнения вида  $\log_a (bx + c) = d$  и простейшие неравенства вида  $\log_a x < d$ ;
- решать показательные уравнения, вида  $a^{bx+c} = d$  (где  $d$  можно представить в виде степени с основанием  $a$ ) и простейшие неравенства вида  $a^x < d$  (где  $d$  можно представить в виде степени с основанием  $a$ );
- приводить несколько примеров корней простейшего тригонометрического уравнения вида:  $\sin x = a$ ,  $\cos x = a$ ,  $\operatorname{tg} x = a$ ,  $\operatorname{ctg} x = a$ , где  $a$  - табличное значение соответствующей тригонометрической функции.

##### Функции

- Оперировать на базовом уровне понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период;
- оперировать на базовом уровне понятиями: прямая и обратная пропорциональность линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции, тригонометрические функции;
- распознавать графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций;
- соотносить графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций с формулами, которыми они заданы;
- находить по графику приближенно значения функции в заданных точках;
- определять по графику свойства функции (нули, промежутки знакопостоянства, промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т.п.);
- строить эскиз графика функции, удовлетворяющей приведенному набору условий (промежутки возрастания/убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов и т.д.).

#### Элементы математического анализа

- Оперировать на базовом уровне понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;
- определять значение производной функции в точке по изображению касательной к графику, проведенной в этой точке;
- решать несложные задачи на применение связи между промежутками монотонности и точками экстремума функции, с одной стороны, и промежутками знакопостоянства и нулями производной этой функции - с другой.

#### Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика

- Оперировать на базовом уровне основными описательными характеристиками числового набора: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения;
- оперировать на базовом уровне понятиями: частота и вероятность события, случайный выбор, опыты с равновероятными элементарными событиями;
- вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов.

#### Текстовые задачи

- Решать несложные текстовые задачи разных типов;
- анализировать условие задачи, при необходимости строить для ее решения математическую модель;
- понимать и использовать для решения задачи информацию, представленную в виде текстовой и символьной записи, схем, таблиц, диаграмм, графиков, рисунков;
- действовать по алгоритму, содержащемуся в условии задачи;
- использовать логические рассуждения при решении задачи;
- работать с избыточными условиями, выбирая из всей информации, данные, необходимые для решения задачи;
- осуществлять несложный перебор возможных решений, выбирая из них оптимальное по критериям, сформулированным в условии;
- анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;
- решать задачи на расчет стоимости покупок, услуг, поездок и т.п.;
- решать несложные задачи, связанные с долевым участием во владении фирмой, предприятием, недвижимостью;
- решать задачи на простые проценты (системы скидок, комиссии) и на вычисление сложных процентов в различных схемах вкладов, кредитов и ипотек;
- решать практические задачи, требующие использования отрицательных чисел: на определение температуры, на определение положения на временной

оси (до нашей эры и после), на движение денежных средств (приход/расход), на определение глубины/высоты и т.п.;

- использовать понятие масштаба для нахождения расстояний и длин на картах, планах местности, планах помещений, выкройках, при работе на компьютере и т.п.

### Геометрия

- Оперировать на базовом уровне понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;

- распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);

- изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертежных инструментов;

- делать (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объемных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;

- извлекать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;

- применять теорему Пифагора при вычислении элементов стереометрических фигур;

- находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников с применением формул;

- распознавать основные виды тел вращения (конус, цилиндр, сфера и шар);

- находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников и тел вращения с применением формул.

### Векторы и координаты в пространстве

- Оперировать на базовом уровне понятием декартовы координаты в пространстве;

- находить координаты вершин куба и прямоугольного параллелепипеда

**Особое значение дисциплина имеет при формировании и развитии общих компетенций:**

ОК 1. Понимать сущность и социальную значимость будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес.

ОК 2. Организовывать собственную деятельность, исходя из цели и способов ее достижения, определенных руководителем.

ОК 3. Анализировать рабочую ситуацию, осуществлять текущий и итоговый контроль, оценку и коррекцию собственной деятельности, нести ответственность за результаты своей работы.

ОК 4. Осуществлять поиск информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач.

ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.

ОК 6. Работать в команде, эффективно общаться с коллегами, руководством, клиентами.

ОК 7. Организовать собственную деятельность с соблюдением требований охраны труда и экологической безопасности.

В результате освоения учебной дисциплины обучающийся должен обладать **личностными результатами:**

| <b>Код личностных результатов реализации программы воспитания</b> | <b>Личностные результаты реализации программы воспитания</b>  |
|---|---|
| <b>ЛР 1</b>   | Осознающий себя гражданином и защитником великой страны   |
| <b>ЛР 2</b>   | Проявляющий активную гражданскую позицию, демонстрирующий приверженность принципам честности, порядочности, открытости, экономически активный и участвующий в студенческом и территориальном самоуправлении, в том числе на условиях добровольчества, продуктивно взаимодействующий и участвующий в деятельности общественных |

|       |  |
|-------|--|
|       | организаций  |
| ЛР 3  | Соблюдающий нормы правопорядка, следующий идеалам гражданского общества, обеспечения безопасности, прав и свобод граждан России. Лояльный к установкам и проявлениям представителей субкультур, отличающий их от групп с деструктивным и девиантным поведением. Демонстрирующий неприятие и предупреждающий социально опасное поведение окружающих |
| ЛР 4  | Проявляющий и демонстрирующий уважение к людям труда, осознающий ценность собственного труда. Стремящийся к формированию в сетевой среде лично и профессионального конструктивного «цифрового следа»   |
| ЛР 5  | Демонстрирующий приверженность к родной культуре, исторической памяти на основе любви к Родине, родному народу, малой родине, принятию традиционных ценностей многонационального народа России   |
| ЛР 6  | Проявляющий уважение к людям старшего поколения и готовность к участию в социальной поддержке и волонтерских движениях   |
| ЛР 7  | Осознающий приоритетную ценность личности человека; уважающий собственную и чужую уникальность в различных ситуациях, во всех формах и видах деятельности.   |
| ЛР 8  | Проявляющий и демонстрирующий уважение к представителям различных этнокультурных, социальных, конфессиональных и иных групп. Сопричастный к сохранению, преумножению и трансляции культурных традиций и ценностей многонационального российского государства   |
| ЛР 9  | Соблюдающий и пропагандирующий правила здорового и безопасного образа жизни, спорта; предупреждающий либо преодолевающий зависимости от алкоголя, табака, психоактивных веществ, азартных игр и т.д. Сохраняющий психологическую устойчивость в ситуативно сложных или стремительно меняющихся ситуациях   |
| ЛР 10 | Заботящийся о защите окружающей среды, собственной и чужой безопасности, в том числе цифровой  |
| ЛР 11 | Проявляющий уважение к эстетическим ценностям, обладающий основами эстетической культуры   |
| ЛР 12 | Принимающий семейные ценности, готовый к созданию семьи и воспитанию детей; демонстрирующий неприятие насилия в семье, ухода от родительской ответственности, отказа от отношений со своими детьми и их финансового содержания   |

**Личностные результаты реализации программы воспитания,  
определенные ГБПОУ МО «Электростальский колледж»**

|       |  |
|-------|--|
| ЛР 19 | Развивающий творческие способности, способный креативно мыслить.   |
| ЛР 20 | Способный в цифровой среде проводить оценку информации, ее достоверность, строить логические умозаключения на основании поступающей информации.  |
| ЛР 27 | Сопричастный к сохранению, преумножению и трансляции культурных традиций и ценностей многонационального российского государства.   |
| ЛР 29 | Соблюдающий и пропагандирующий правила здорового и безопасного образа жизни, спорта; предупреждающий либо преодолевающий зависимости от алкоголя, табака, психоактивных веществ, азартных игр и т.д. |
| ЛР 30 | Заботящийся о защите окружающей среды, собственной и чужой безопасности, в том числе цифровой.   |

**Метапредметные результаты**

|      |   |
|------|---|
| МР 1 | Умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные |
|------|---|

|             |  |
|-------------|--|
|             | стратегии в различных ситуациях  |
| <b>МР 2</b> | Умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты   |
| <b>МР 3</b> | Владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания |
| <b>МР 9</b> | Владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств их достижения.                       |

### Предметные результаты

|              |   |
|--------------|---|
| <b>ПР 1</b>  | Сформированность представлений о математике как части мировой культуры и о месте математики в современной цивилизации, о способах описания на математическом языке явлений реального мира   |
| <b>ПР 2</b>  | Сформированность представлений о математических понятиях как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий   |
| <b>ПР3</b>   | Владение методами доказательств и алгоритмов решения; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач   |
| <b>ПР4</b>   | Владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств   |
| <b>ПР 5</b>  | Сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа  |
| <b>ПР 6</b>  | Владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире геометрические фигуры; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием  |
| <b>ПР 7</b>  | Сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин |
| <b>ПР 8</b>  | Владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач   |
| <b>ПР 9.</b> | Сформированность представлений о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений   |
| <b>ПР 10</b> | Сформированность понятийного аппарата по основным разделам курса математики; знаний основных теорем, формул и умения их применять; умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач   |
| <b>ПР 11</b> | Сформированность умений моделировать реальные ситуации, исследовать построенные модели, интерпретировать полученный результат   |
| <b>ПР 12</b> | Сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей  |
| <b>ПР13</b>  | Владение умениями составления вероятностных моделей по условию задачи и вычисления вероятности наступления событий, в том числе с применением   |

формул комбинаторики и основных теорем теории вероятностей; исследования случайных величин по их распределению.

В рамках программы учебной дисциплины обучающимися осваиваются умения и знания:

| Код ЛР  | Умения  | Знания  |
|---|---|---|
| <p><b>ЛР 1-12;</b><br/> <b>ЛР 19, ЛР 20,</b><br/> <b>ЛР 27, ЛР 29,</b><br/> <b>ЛР 30 ;</b><br/> <b>МР 1, МР 2,</b><br/> <b>МР 3, МР 9;</b><br/> <b>ПР6 1- 13.</b></p> | <ul style="list-style-type: none"> <li>• описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки;</li> <li>• выполнять арифметические действия с целыми и рациональными числами;</li> <li>• выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, либо корни из чисел, либо логарифмы чисел;</li> <li>• сравнивать рациональные числа между собой;</li> <li>• оценивать и сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел, логарифмов чисел в простых случаях;</li> <li>• выполнять несложные преобразования целых и дробно-рациональных буквенных выражений;</li> <li>• выражать в простейших случаях из равенства одну переменную через другие;</li> <li>• вычислять в простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;</li> <li>• изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах;</li> <li>• оценивать знаки синуса, косинуса, тангенса, котангенса конкретных углов</li> <li>• решать линейные уравнения и неравенства, квадратные уравнения; простейшие логарифмические уравнения неравенства, показательные уравнения и простейшие неравенства</li> <li>• приводить несколько примеров корней простейшего тригонометрического уравнения;</li> <li>• распознавать графики элементарных функций;</li> <li>• соотносить графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций,</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>• знать примеры математических открытий и их авторов в связи с отечественной и всемирной историей;</li> <li>• понимать роль математики в развитии России</li> <li>• оперировать понятиями: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближенное значение числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб</li> <li>• оперировать понятиями: логарифм числа, тригонометрическая окружность, градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину;</li> <li>• Оперировать понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период;</li> <li>• оперировать понятиями: прямая и обратная пропорциональность линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции, тригонометрические функции;</li> <li>• оперировать понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;</li> <li>• оперировать основными описательными характеристиками</li> </ul> |

|  |  |  |
|--|--|--|
|  | <p>тригонометрических функций с формулами, которыми они заданы;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>определять по графику свойства функции (нули, промежутки знакопостоянства, промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т.п.), строить эскиз графика функции, удовлетворяющей</li> <li>определять значение производной функции в точке по изображению касательной к графику, проведенной в этой точке;</li> <li>решать несложные задачи на применение связи между промежутками монотонности и точками экстремума функции, с одной стороны, и промежутками знакопостоянства и нулями производной этой функции - с другой;</li> <li>вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов;</li> <li>извлекать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;</li> <li>находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников с применением формул; находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников и тел вращения с применением формул;</li> <li>находить координаты вершин куба и прямоугольного параллелепипеда</li> </ul> | <p>числового набора: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>оперировать понятиями: частота и вероятность события, случайный выбор, опыты с равновероятными элементарными событиями;</li> <li>оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;</li> <li>распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);</li> <li>распознавать основные виды тел вращения (конус, цилиндр, сфера и шар);</li> </ul> <p>оперировать понятием декартовы координаты в пространстве;</p> |
|--|--|--|

## 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### 2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

| Вид учебной работы                                   | Объем часов |
|--|-------------|
| <b>Объем образовательной нагрузки (всего)</b>        | <b>429</b>  |
| <b>Учебная нагрузка обучающегося</b>                 | <b>286</b>  |
| в том числе:   |             |
| теоретические занятия                                | 178         |
| практические занятия                                 | 85          |
| контрольные работы                                   | 3           |
| <b>2. Профессионально ориентированное содержание</b> | <b>22</b>   |
| в т. ч.:   |             |
| теоретическое обучение                               | -           |
| практические занятия                                 | <b>22</b>   |
| <b>Самостоятельная работа обучающегося (всего)</b>   | <b>143</b>  |
| <b>Промежуточная аттестация: в форме экзамена</b>    | <b>24</b>   |

## 2.2. ТЕМАТИЧЕСКИЙ ПЛАН И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ ПД.01 МАТЕМАТИКА

| Наименование разделов и тем | Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся   | Количество часов  | Коды личностных результатов, формированию которых способствует элемент программы |    |
|-----------------------------|--|---|--|----|
| 1                           | 2  | 3   | 4  |    |
| Раздел 1.                   | <b>Введение</b>  | <b>4</b>  | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20, ЛР 27<br>ПР 1   |    |
|                             | Содержание учебного материала  | 2   |  |    |
|                             | 1  | Математика в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Цели и задачи изучения математики в учреждениях среднего профессионального образования. |  |    |
|                             | Практическое занятие по теме «Входная контрольная работа»  |   |  | 2  |
|                             | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Написать эссе на тему: «Значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике»   |   |  | 2  |
| Раздел 2.                   | <b>Развитие понятия о числе.</b>   | <b>20</b>   | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20, ЛР 27,<br>ЛР 30<br>МР 1, МР 2, МР 3, МР 9                 |    |
|                             | Содержание учебного материала  | 16  |  |    |
|                             | 1  | Целые и рациональные числа. Иррациональные числа и действительные числа. Комплексные числа  |  |    |
|                             | 2  | Округление чисел  |  |    |
|                             | 3  | Приближенные вычисления. Приближенное значение величины и погрешности приближений   |  |    |
|                             | Практическое занятие по теме «Тожественные преобразования алгебраических и числовых выражений»<br><i>Профессионально-ориентированное содержание</i><br>Практическое занятие по теме «Простые и сложные проценты. Процентные вычисления в профессиональных задачах» |   |  | 4  |
|                             | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Заполнение таблицы по теме «Числа»<br>Создание презентации или сообщения по теме «История развития числа»<br>Создание презентации или сообщения по теме «История открытия комплексных чисел».                         |   |  | 12 |

|                  |   |  |   |
|------------------|---|--|---|
|                  | Работа с учебной литературой по теме «Тригонометрическая и показательная форма комплексных чисел»<br>Выполнение задания по теме «Действия над комплексными числами»<br>Выполнение задания по теме «Решение заданий без точного учета погрешностей»  |  |   |
| <b>Раздел 3.</b> | <b>Корни, степени, логарифмы.</b>   | <b>28</b>  | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20<br>МР 1, МР 2, МР 9<br>ПР 2, ПР 4, ПР 10                      |
|                  | Содержание учебного материала   | 22   |   |
|                  | 1   | Корни натуральной степени из числа и их свойства.                                      |   |
|                  | 2   | Преобразования радикалов   |   |
|                  | 3   | Степени с рациональными показателями, их свойства.                                     |   |
|                  | 4   | Степени с действительными показателями. Свойства степени с действительным показателем. |   |
|                  | 5   | Понятие логарифма. Свойства логарифмов.  |   |
|                  | 6   | Нахождение выражения по его логарифму  |   |
|                  | 7   | Основное логарифмическое тождество.  |   |
|                  | 8   | Переход к новому основанию.  |   |
| 9                | Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами  |  |   |
|                  | Практическое занятие по теме «Степени с рациональными показателями, их свойства»<br>Практическое занятие по теме «Логарифмические и показательные уравнения и неравенства»<br><b>Профессионально-ориентированное содержание</b><br>Практическое занятие по теме «Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства»   | 6  |   |
|                  | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Подготовка вопросов по теме «Корни натуральной степени из числа и их свойства»<br>Составление кроссворда по теме «Степень»<br>Работа с учебной литературой по теме «Логарифмы»<br>Выполнение задания по теме «Свойства логарифмов»<br>Создание презентации или сообщения по теме «Значение и история понятия логарифма».<br>Работа с учебной литературой по теме «Показательные уравнения» | 12   |   |
| <b>Раздел 4.</b> | <b>Прямые и плоскости в пространстве.</b>   | <b>22</b>  | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20<br>МР 1, МР 2, МР 9<br>ПР 1, ПР 2, ПР 3, ПР 6, ПР 9,<br>ПР 10 |
|                  | Содержание учебного материала   | 14   |   |
|                  | 1   | Основные понятия стереометрии.   |   |
|                  | 2   | Параллельность прямых и плоскостей.  |   |

|                  |                               |  |           |   |
|------------------|-------------------------------|--|-----------|---|
|                  | 3                             | Параллельность двух плоскостей   |           |   |
|                  | 4                             | Перпендикулярность прямых и плоскостей   |           |   |
|                  | 5                             | Теорема о трех перпендикулярах   |           |   |
|                  | 6                             | Геометрические преобразования пространства.  |           |   |
|                  |                               | Практическое занятие по теме «Параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей»<br>Практическое занятие по теме «Двугранный угол. Угол между плоскостями»<br><b>Профессионально-ориентированное содержание</b><br>Практическое занятие по теме «Расположение прямых и плоскостей в окружающем мире (природе, технике)»  | 6         |   |
|                  |                               | Практическое занятие по теме « Контрольная работа»   | 2         |   |
|                  |                               | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Подготовить сообщение по теме «Высказывания знаменитых людей прошлого о геометрии»<br>Подготовить презентацию или сообщение по теме «Старые и современные обозначения и символы в геометрии»<br>Создание презентации по теме «Прямые и плоскости в пространстве».<br>Выполнение расчетной работы по теме «Перпендикуляр и наклонная»<br>Составление кроссворда по теме «Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве».<br>Подготовка сообщения по теме «Параллельное проектирование и его свойства» | 12        |   |
| <b>Раздел 5.</b> | <b>Комбинаторика.</b>         |  | <b>16</b> | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20<br>ПР 7, ПР 10, ПР 13 |
|                  | Содержание учебного материала |  | 10        |   |
|                  | 1                             | Основные понятия комбинаторики   |           |   |
|                  | 2                             | Перестановки, размещения, сочетания.   |           |   |
|                  | 3                             | Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов.   |           |   |
|                  |                               | Практическое занятие по теме «Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний»<br>Практическое занятие по теме «Формула бинома Ньютона. Треугольник Паскаля»<br><b>Профессионально-ориентированное содержание</b><br>Практическое занятие по теме «Решение прикладных задач с применением правил комбинаторики в задачах»  | 6         |   |
|                  |                               | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Создание презентации или сообщения по теме «Элементы комбинаторики»<br>Создание презентации или сообщения по теме «Жизнь и научная деятельность И.  | 8         |   |

|                  |   |   |   |    |
|------------------|---|---|---|----|
|                  | Ньютона».<br>Работа с учебной литературой по теме «Бином Ньютона»<br>Работа с учебной литературой по теме «Треугольник Паскаля» |   |   |    |
| <b>Раздел 6.</b> | <b>Координаты и векторы</b>   | <b>22</b>   | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20<br>МР 1, МР 2, МР 9<br>ПР 3, ПР 5, ПР 6, ПР 9 ПР10                  |    |
|                  | Содержание учебного материала   | 12  |   |    |
|                  | 1   | Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве.   |   |    |
|                  | 2   | Формула расстояния между двумя точками. Координаты середины отрезка.  |   |    |
|                  | 3   | Преобразование симметрии, движения, параллельного переноса в пространстве.  |   |    |
|                  | 4   | Подобие пространственных фигур  |   |    |
|                  | 5   | Угол между прямой и плоскостью, между плоскостями.  |   |    |
|                  | 6   | Векторы в пространстве.   |   |    |
|                  |   | Практическое занятие по теме «Вычисление расстояний между заданными точками»<br>Практическое занятие по теме «Движение»<br>Практическое занятие по теме «Действия над векторами»<br>Практическое занятие по теме «Уравнения сферы, плоскости, прямой»<br><b>Профессионально-ориентированное содержание</b><br>Практическое занятие по теме «Золотое сечение. Использование координат и векторов при решении прикладных задач» |   | 10 |
|                  |   | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Составление и выполнение теста по теме «Координаты и векторы»<br>Выполнение задания по теме «Координаты и векторы»<br>Создание презентации или сообщения по теме «Действия над векторами».<br>Составление презентации по теме «Симметрия»<br>Составление кроссворда по теме «Векторы в пространстве»<br>Выполнение задания по теме «Уравнения сферы, плоскости, прямой»          |   | 12 |
| <b>Раздел 7.</b> | <b>Основы тригонометрии.</b>  | <b>40</b>   | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20<br>МР 1, МР 2, МР 3, МР 9<br>ПР 1, ПР 2, ПР 4, ПР 8, ПР 9,<br>ПР 10 |    |
|                  | Содержание учебного материала   | 24  |   |    |
|                  | 1   | Радианная мера угла. Вращательное движение. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа.  |   |    |
|                  | 2   | Тригонометрическая окружность   |   |    |
|                  | 3   | Тригонометрические функции числового аргумента.   |   |    |
|                  | 4   | Основные тригонометрические тождества. Преобразование тригонометрических выражений с помощью формул.  |   |    |
|                  | 5   | Арксинус, арккосинус, арктангенс числа.   |   |    |

|                  |   |   |  |    |
|------------------|---|---|--|----|
|                  | <p>Практическое занятие по теме «Основные тригонометрические тождества»</p> <p>Практическое занятие по теме «Тождественные преобразования тригонометрических выражений»</p> <p>Практическое занятие по теме «Арксинус, арккосинус, арктангенс числа»</p> <p>Практическое занятие по теме «Решение простейших тригонометрических уравнений»</p> <p>Практическое занятие по теме «Решение тригонометрических уравнений»</p> <p>Практическое занятие по теме «Решение тригонометрических неравенств»</p> <p><b>Профессионально-ориентированное содержание</b></p> <p>Практическое занятие по теме «Вычисление угла наклона тары при приготовлении напитков»</p>  | 14  |  |    |
|                  | Практическое занятие по теме «Контрольная работа»   | 2   |  |    |
|                  | <p><i>Самостоятельная работа обучающихся</i></p> <p>Изготовление модели тригонометрического круга.</p> <p>Создание презентации или сообщения по теме «История развития и становления тригонометрии».</p> <p>Заполнение таблицы по теме «Тригонометрические тождества»</p> <p>Выполнение задания по теме «Преобразования тригонометрических выражений»</p> <p>Составление кроссворда по теме «Основы тригонометрии»</p> <p>Работа с учебной литературой по теме «Основы тригонометрии»</p> <p>Создание и выполнение теста «Тригонометрические уравнения и неравенства»</p> <p>Составление таблицы «Тригонометрические неравенства»</p> <p>Выполнение теста по теме «Основные тригонометрические функции»</p> | 18  |  |    |
| <b>Раздел 8.</b> | <b>Функции и графики.</b>   | <b>24</b>   | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20<br>МР 1, МР 2, МР 3, МР 9<br>ПР 1, ПР 2, ПР 8, ПР 10 |    |
|                  | Содержание учебного материала   |   |  | 14 |
|                  | 1   | Функции. Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами.                              |  |    |
|                  | 2   | Свойства функции: монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность.  |  |    |
|                  | 3   | Промежутки убывания и возрастания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. |  |    |
|                  | 4   | Степенная функция, ее свойства и график.  |  |    |
|                  | 5   | Показательная функция, ее свойства и график.  |  |    |
|                  | 6   | Логарифмическая функция, ее свойства и график.  |  |    |

|                  |                                      |  |           |   |
|------------------|--------------------------------------|--|-----------|---|
|                  | 7                                    | Тригонометрические функции, их свойства и графики.   |           |   |
|                  |                                      | Практическое занятие по теме «Свойства функции»<br>Практическое занятие по теме «Степенная, показательная и логарифмическая функции»<br>Практическое занятие по теме «Тригонометрические функции»<br>Практическое занятие по теме «Преобразования графиков»<br><b>Профессионально-ориентированное содержание</b><br>Практическое занятие по теме «Исследование графиков функции при решении прикладных задач»            | 10        |   |
|                  |                                      | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Создание и выполнение теста по теме «Степенные функции»<br>Выполнение задания по теме «Показательная и логарифмическая функции»<br>Выполнение графической работы по теме «Тригонометрические функции»<br>Выполнение задания по теме «Преобразование графиков»   | 8         |   |
| <b>Раздел 9.</b> | <b>Многогранники и круглые тела.</b> |  | <b>20</b> | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20, ЛР 27<br>МР 1, МР 9<br>ПР 6, ПР 10 |
|                  | Содержание учебного материала        |  | 10        |   |
|                  | 1                                    | Двугранные и многогранные углы   |           |   |
|                  | 2                                    | Многогранники и их основные свойства   |           |   |
|                  | 3                                    | Призма.  |           |   |
|                  | 4                                    | Параллелепипед. Куб.   |           |   |
|                  | 5                                    | Симметрия прямоугольного параллелепипеда.  |           |   |
|                  | 6                                    | Пирамида. Усеченная пирамида.  |           |   |
|                  | 7                                    | Цилиндр  |           |   |
|                  | 8                                    | Конус. Усеченный конус.  |           |   |
|                  | 9                                    | Сфера и шар  |           |   |
|                  | 10                                   | Вписанные и описанные многогранники  |           |   |
|                  |                                      | Практическое занятие по теме « Многогранники. Тела вращения»<br>Практическое занятие по теме «Площади поверхностей многогранников и тел вращения»<br>Практическое занятие по теме «Формулы объема многогранников и тел вращения»<br><b>Профессионально-ориентированное содержание</b><br>Практическое занятие по теме «Решение задач по вычислению площади поверхности и объема круглых тел при проведении исследований» | 8         |   |
|                  |                                      | Практическое занятие по теме « Контрольная работа»   | 2         |   |
|                  |                                      | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i>  | 14        |   |

|                   |  |  |   |  |
|-------------------|--|--|---|--|
|                   | <p>Изготовление макетов двугранных углов, с заданной градусной мерой</p> <p>Изготовление моделей правильных многогранников.</p> <p>Работа с учебной литературой по теме «Многогранники»</p> <p>Создание презентации или сообщения по теме «Правильные и полуправильные многогранники»</p> <p>Изготовление моделей тел вращения</p> <p>Создание презентации или сообщения по теме «Шар, взаимное расположение плоскости и шара»</p> <p>Изготовление моделей звездчатых многогранников</p> |  |   |  |
| <b>Раздел 10.</b> | <b>Начала математического анализа.</b>   | <b>28</b>  | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20<br>ПР 2, ПР 5, ПР 10, ПР 12 |  |
|                   | Содержание учебного материала  | 18   |   |  |
|                   | 1  | Приращение функции   |   |  |
|                   | 2  | Определение производной. Алгоритм вычисления производной   |   |  |
|                   | 3  | Правила вычисления производных   |   |  |
|                   | 4  | Производная сложной функции, тригонометрических функций  |   |  |
|                   | 5  | Производные показательной, логарифмической функций   |   |  |
|                   | 6  | Уравнение касательной к графику.   |   |  |
|                   | 7  | Производная в физике и технике   |   |  |
|                   | 8  | Признаки возрастания и убывания функции. Критические точки функции. Наибольшее и наименьшее значения функций |   |  |
| 9                 | Исследование функций с помощью производной.  |  |   |  |
|                   | <p>Практическое занятие по теме «Пределы»</p> <p>Практическое занятие по теме «Правила дифференцирования»</p> <p>Практическое занятие по теме «Уравнение касательной к графику функции»</p> <p>Практическое занятие по теме «Применение производной к исследованию функции»</p> <p><b>Профессионально-ориентированное содержание</b></p> <p>Практическое занятие по теме «Нахождение оптимального результата в задачах прикладного характера»</p>  | 10   |   |  |
|                   | <p><i>Самостоятельная работа обучающихся</i></p> <p>Выполнение задания по теме «Вычисление пределов функции»</p> <p>Заполнение таблицы по теме «Производная»</p> <p>Создание презентации или сообщения по теме «Производная»</p> <p>Работа с учебной литературой по теме «Производная»</p> <p>Составление кроссворда по теме «Производная»</p>   | 12   |   |  |

|                   |   |   |  |    |
|-------------------|---|---|--|----|
|                   | Выполнение задания по теме «Исследование функции»   |   |  |    |
| <b>Раздел 11.</b> | <b>Интеграл и его применение.</b>   | <b>26</b>   | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР 20<br>МР 1, МР 2, МР 9<br>ПР 2, ПР 5, ПР 10     |    |
|                   | Содержание учебного материала   | 16  |  |    |
|                   | 1   | Определение первообразной. Основное свойство первообразной. Правила нахождения первообразной.   |  |    |
|                   | 2   | Правила нахождения первообразной.   |  |    |
|                   | 3   | Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница   |  |    |
|                   | 4   | Неопределенный интеграл. Основные свойства неопределенного интеграла.   |  |    |
|                   |   | Практическое занятие по теме «Правила нахождения первообразных»<br>Практическое занятие по теме «Неопределенный интеграл»<br>Практическое занятие по теме «Определенный интеграл»<br>Практическое занятие по теме «Вычисление интегралов»<br><i>Профессионально-ориентированное содержание</i><br>Практическое занятие по теме «Приложения определенного интеграла для вычисления площадей и объемов в задачах прикладного характера» |  | 10 |
|                   | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Составление теста по теме «Первообразная»<br>Составление кроссворда «Интеграл и его применение»<br>Работа с учебной литературой по теме «Первообразная и интеграл»<br>Создание презентации или сообщения по теме «Первообразная и интеграл»<br>Выполнение задания по теме «Вычисление площадей фигур с помощью интегралов» | 10  |  |    |
| <b>Раздел 12.</b> | <b>Элементы теории вероятностей и математической статистики.</b>  | <b>22</b>   | ЛР 1-12; ЛР 19, ЛР20, ЛР 27,<br>ЛР 29, ЛР 30<br>ПР 7, ПР 10, ПР 13 |    |
|                   | Содержание учебного материала   | 18  |  |    |
|                   | 1   | Основные понятия комбинаторики. События и их классификация.   |  |    |
|                   | 2   | Дискретная и непрерывная случайные величины.  |  |    |
|                   | 3   | Закон больших чисел. Задачи математической статистики   |  |    |
|                   | 4   | Три замечательные формулы (формула полной вероятности, формула Байеса, формула Бернулли)  |  |    |
|                   | 5   | Представление данных (таблицы, диаграммы, графики)  |  |    |
|                   | 6   | Предельные теоремы  |  |    |
|                   | Практическое занятие по теме «Формула Бинома Ньютона»<br><i>Профессионально-ориентированное содержание</i>  | 4   |  |    |

|                                      |   |   |    |  |
|--------------------------------------|---|---|----|--|
|                                      | Практическое занятие по теме «Представление числовых данных. Прикладные задачи»   |   |    |  |
|                                      | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Создание презентации или сообщения по теме «Элементы математической статистики»<br>Работа с учебной литературой по теме «Элементы теории вероятностей»<br>Выполнение задания по теме «Три замечательные формулы»<br>Составление теста по теме «Элементы теории вероятностей»<br>Выполнение задания по теме «Случайные события. Случайные величины» | 10  |    |  |
| <b>Раздел 13.</b>                    | <b>Уравнения и неравенства.</b>   | <b>14</b>   |    |  |
|                                      | Содержание учебного материала   | 3   |    |  |
|                                      | 1   | Уравнения и неравенства. Основные понятия.  |    |  |
|                                      | 2   | Уравнения с модулем. Неравенства с модулем.   |    |  |
|                                      | 3   | Неравенства. Числовые и дробно-рациональные неравенства   |    |  |
|                                      | 4   | Системы уравнений   |    |  |
|                                      | 5   | Уравнения с параметрами. Неравенства с параметрами.   |    |  |
|                                      |   | Практическое занятие по теме «Рациональные и иррациональные уравнения»<br>Практическое занятие по теме «Показательные и логарифмические уравнения »<br>Практическое занятие по теме «Решение тригонометрических уравнений »<br>Практическое занятие по теме «Показательные и логарифмические неравенства»<br>Практическое занятие по теме «Тригонометрические неравенства»<br><b>Профессионально-ориентированное содержание</b><br>Практическое занятие по теме «Нахождение неизвестной величины в задачах прикладного характера» | 11 |  |
|                                      | <i>Самостоятельная работа обучающихся</i><br>Составление теста по теме «Показательные и логарифмические уравнения и неравенства»<br>Работа с учебной литературой по теме «Уравнения и неравенства»<br>Выполнение задания по теме «Исследование уравнений и неравенств с параметром»<br>Выполнение задания по теме «Исследование уравнений и неравенств с модулем»                               | 13  |    |  |
| <b>Обязательная нагрузка</b>         |   | <b>286</b>  |    |  |
| <b>Самостоятельная работа</b>        |   | <b>143</b>  |    |  |
| <b>Максимальная учебная нагрузка</b> |   | <b>429</b>  |    |  |

### 3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 3.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению

С целью повышения эффективности образовательного процесса в ходе освоения рабочей программы общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» применяются электронно – образовательные ресурсы (ЭОР), в виде сетевых ЭОР, ЭОР на локальных носителях, онлайн- курсов, ЭУМК и т.п

Для реализации программы учебной дисциплины предусмотрены следующие специальные помещения, в которых имеются возможность обеспечить свободный доступ в Интернет во время учебного занятия и период внеучебной деятельности обучающихся: кабинет Математики, оснащенный оборудованием :

- многофункциональный комплекс преподавателя;
- наглядные пособия (комплекты учебных таблиц, плакатов, портретов выдающихся ученых-математиков и др.);
  - комплект презентаций по учебной дисциплине «Математика»
- информационно-коммуникационные средства;
- комплект технической документации, в том числе паспорта на средства обучения, инструкции их использования и технике безопасности;
- библиотечный фонд.

Помещение кабинета удовлетворяет требованиям Санитарно-эпидемиологических правил и нормативов (СанПиН 2.4.2 № 178-02) и оснащено типовым оборудованием, в том числе специализированной учебной мебелью и средствами обучения, достаточными для выполнения требований к уровню подготовки обучающихся.

В кабинете имеется мультимедийное оборудование, посредством которого участники образовательного процесса могут просматривать визуальную информацию, создавать презентации, видеоматериалы, иные документы.

В библиотечный фонд входят учебники, обеспечивающие освоение интегрированной учебной дисциплины ПД.01 «Математика», рекомендованные или допущенные для использования в профессиональных образовательных организациях, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования.

Библиотечный фонд дополнен энциклопедиями, справочниками, научной и научно-популярной литературой и т. п.

В процессе освоения рабочей программы общеобразовательной учебной дисциплины ПД.01 «Математика» студенты имеют возможность доступа к электронным учебным материалам по математике, имеющимся в свободном доступе в сети Интернет (электронным книгам, практикумам, тестам, материалам ЕГЭ и др.).

#### 3.2. Информационное обеспечение обучения

Перечень рекомендуемых примерной программой общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» учебных изданий, Интернет-ресурсов.

##### **Основные источники:**

##### **Для обучающихся**

*Башмаков М. И.* Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия . Учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М.: ИД «Академия», 2018 (256 стр).Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

*Башмаков М. И.* Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф.образования. — М.: ИД «Академия», 2018(416 стр). Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

ЭУМК *Башмаков М. И.* Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия . Учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М.: ИД «Академия», 2018. Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

ЭУМК *Башмаков М. И.* Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М.: ИД «Академия», 2018. Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

ЭУМК .Электронный учебник. Контрольно-оценочные средства. Математика. Для профессий и специальностей среднего профессионального образования. — М.: ИД «Академия», 2018. Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

Григорьев С. Г., Иволгина С. В. «Математика: учебник для студ. образоват. учреждений сред. проф. образования» — М.: ИД «Академия», 2018 (416 стр) Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

Григорьев С. Г., Сабурова Т.Н. «Математика: учебник для студ. образоват. учреждений сред. проф. образования» — М.: ИД «Академия», 2018 (368 стр) Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

Гусев В. А., Григорьев С. Г., Иволгина С. В. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия для профессий и специальностей социально-экономического профиля: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М.: ИД «Академия», 2018 (416 стр) Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

#### **Дополнительные источники:**

Башмаков М. И. Математика. Сборник задач профильной направленности: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М.: ИД «Академия», 2012 (208 стр). Рекомендовано ФГУ «ФИРО».

#### **Для преподавателей:**

Федеральный закон от 29.12.2012 № 273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации».

Приказ Министерства образования и науки РФ от 17.05.2012 № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования».

Приказ Министерства образования и науки РФ от 29.12.2014 № 1645 «О внесении изменений в Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.05.2012 № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования».

Письмо Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО Министерства образования и науки РФ от 17.03.2015 № 06-259 «Рекомендации по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов и получаемой профессии или специальности среднего профессионального образования».

*Башмаков М. И.* Математика: кн. для преподавателя: метод. пособие. — М.: ИД «Академия», 2013 (224стр).

ЭУМК .Электронный учебник. Контрольно-оценочные средства. Математика. Для профессий и специальностей среднего профессионального образования. — М.: ИД «Академия», 2016. Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

ЭУМК *Башмаков М. И.* Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия . Книга для преподавателя— М.: ИД «Академия», 2017 . Рекомендовано ФГУ «ФИРО»

#### **Интернет-ресурсы:**

- Портал Math.ru: библиотека, медиатека, олимпиады, задачи, история математики. -  
Режим доступа: <http://www.math.ru>

- Газета «Математика» издательского дома «Первое сентября». - Режим доступа: <http://mat.1september.ru>
- ЕГЭ по математике: подготовка к тестированию. - Режим доступа: <http://www.uztest.ru>
- Образовательные ресурсы Интернета – Информатика. - Режим доступа: <http://www.alleng.ru/edu/comp.htm>
- Минпросвещения России. - Режим доступа: <http://www.ed.gov.ru>
- Специализированный портал «Информационно-коммуникационные технологии в образовании». - Режим доступа: <http://www.ict.edu.ru>
- [www.mobintech.ru](http://www.mobintech.ru)
- Образовательный математический - Режим доступа: [www.exponenta.ru](http://www.exponenta.ru)
- Общероссийский математический портал- Режим доступа: [www.mathnet.ru](http://www.mathnet.ru)
- Каталог интернет-ресурсов по математике на федеральном портале Российское образование
- Книги Якова Перельмана
- DjVu Библиотека на личном сайте Пыркова Вячеслава История математики, методическая литература, занимательная математика.
- Электронные математические библиотеки
- Учебники и другие книги по математике на сайте EqWorld. МИР МАТЕМАТИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ
- Библиотека по математике
- Математическое образование: прошлое и настоящее
- Mathesis. Архив уникального одесского книгоиздательства научных и популярно-научных сочинений из области физико математических наук "Матезис".

#### Интернет - журналы:

- «Математика в школе»,
- «Педагог»
- Сайт «Учительская газета»
- Журнал "Математика" (Издательский дом «Первое сентября»)
- "Вестник образования"
- "Вести образования"
- Журнал "Наука и жизнь"
- Полный электронный архив журнала «Квант»

#### 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Контроль и оценка результатов освоения дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий и контрольных работ, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований.

| Результаты обучения<br>(освоенные умения, усвоенные знания)   | Формы и методы контроля<br>и оценки результатов<br>обучения   |
|---|---|
| <b>Уметь:</b>   |   |
| <u>Элементы теории множеств и математической логики</u><br>- Оперировать на базовом уровне понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал;<br>- оперировать на базовом уровне понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и | Проведение практических занятий.<br>Защита практических работ.<br>Анализ результатов проведения практических работ. |

|   |  |
|---|--|
| <p>ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- находить пересечение и объединение двух множеств, представленных графически на числовой прямой;</li> <li>- строить на числовой прямой подмножество числового множества, заданное простейшими условиями;</li> <li>- распознавать ложные утверждения, ошибки в рассуждениях, в том числе с использованием контрпримеров.</li> </ul>   |  |
| <p><u>Числа и выражения</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятиями: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближенное значение числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;</li> <li>- оперировать на базовом уровне понятиями: логарифм числа, тригонометрическая окружность, градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину;</li> <li>- выполнять арифметические действия с целыми и рациональными числами;</li> <li>- выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, либо корни из чисел, либо логарифмы чисел;</li> <li>- сравнивать рациональные числа между собой;</li> <li>- оценивать и сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел, логарифмов чисел в простых случаях;</li> <li>- изображать точками на числовой прямой целые и рациональные числа;</li> <li>- изображать точками на числовой прямой целые степени чисел, корни натуральной степени из чисел, логарифмы чисел в простых случаях;</li> <li>- выполнять несложные преобразования целых и дробно-рациональных буквенных выражений;</li> <li>- выражать в простейших случаях из равенства одну переменную через другие;</li> <li>- вычислять в простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;</li> <li>- изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах;</li> <li>- оценивать знаки синуса, косинуса, тангенса, котангенса конкретных углов.</li> </ul> | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><u>Уравнения и неравенства</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Решать линейные уравнения и неравенства, квадратные уравнения;</li> <li>- решать логарифмические уравнения вида <math>\log_a (bx + c) = d</math> и простейшие неравенства вида <math>\log_a x &lt; d</math>;</li> <li>- решать показательные уравнения, вида <math>a^{bx+c} = d</math> (где <math>d</math> можно представить в виде степени с основанием <math>a</math>) и</li> </ul>  | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |

|  |  |
|--|--|
| <p>простейшие неравенства вида <math>a^x &lt; d</math> (где <math>d</math> можно представить в виде степени с основанием <math>a</math>);</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- приводить несколько примеров корней простейшего тригонометрического уравнения вида: <math>\sin x = a</math>, <math>\cos x = a</math>, <math>\operatorname{tg} x = a</math>, <math>\operatorname{ctg} x = a</math>, где <math>a</math> - табличное значение соответствующей тригонометрической функции.</li> </ul>   |  |
| <p><u>Функции</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период;</li> <li>- оперировать на базовом уровне понятиями: прямая и обратная пропорциональность линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции, тригонометрические функции;</li> <li>- распознавать графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций;</li> <li>- соотносить графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций с формулами, которыми они заданы;</li> <li>- находить по графику приближенно значения функции в заданных точках;</li> <li>- определять по графику свойства функции (нули, промежутки знакопостоянства, промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т.п.);</li> <li>- строить эскиз графика функции, удовлетворяющей приведенному набору условий (промежутки возрастания/убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов и т.д.).</li> </ul> | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><u>Элементы математического анализа</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;</li> <li>- определять значение производной функции в точке по изображению касательной к графику, проведенной в этой точке;</li> <li>- решать несложные задачи на применение связи между промежутками монотонности и точками экстремума функции, с одной стороны, и промежутками знакопостоянства и нулями производной этой функции - с другой.</li> </ul>  | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><u>Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика</u></p>   | <p>Проведение практических занятий.</p>  |

|   |  |
|---|--|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне основными описательными характеристиками числового набора: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения;</li> <li>- оперировать на базовом уровне понятиями: частота и вероятность события, случайный выбор, опыты с равновероятными элементарными событиями;</li> <li>- вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов.</li> </ul>   | <p>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p>                                      |
| <p><u>Текстовые задачи</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Решать несложные текстовые задачи разных типов;</li> <li>- анализировать условие задачи, при необходимости строить для ее решения математическую модель;</li> <li>- понимать и использовать для решения задачи информацию, представленную в виде текстовой и символьной записи, схем, таблиц, диаграмм, графиков, рисунков;</li> <li>- действовать по алгоритму, содержащемуся в условии задачи;</li> <li>- использовать логические рассуждения при решении задачи;</li> <li>- работать с избыточными условиями, выбирая из всей информации, данные, необходимые для решения задачи;</li> <li>- осуществлять несложный перебор возможных решений, выбирая из них оптимальное по критериям, сформулированным в условии;</li> <li>- анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;</li> <li>- решать задачи на расчет стоимости покупок, услуг, поездок и т.п.;</li> <li>- решать несложные задачи, связанные с долевым участием во владении фирмой, предприятием, недвижимостью;</li> <li>- решать задачи на простые проценты (системы скидок, комиссии) и на вычисление сложных процентов в различных схемах вкладов, кредитов и ипотек;</li> <li>- решать практические задачи, требующие использования отрицательных чисел: на определение температуры, на определение положения на временной оси (до нашей эры и после), на движение денежных средств (приход/расход), на определение глубины/высоты и т.п.;</li> <li>- использовать понятие масштаба для нахождения расстояний и длин на картах, планах местности, планах помещений, выкройках, при работе на компьютере и т.п.</li> </ul> | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><u>Геометрия</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;</li> <li>- распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);</li> <li>- изображать изучаемые фигуры от руки и с применением</li> </ul>   | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |

|   |  |
|---|--|
| <p>простых чертежных инструментов;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- делать (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объемных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;</li> <li>- извлекать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;</li> <li>- применять теорему Пифагора при вычислении элементов стереометрических фигур;</li> <li>- находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников с применением формул;</li> <li>- распознавать основные виды тел вращения (конус, цилиндр, сфера и шар);</li> <li>- находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников и тел вращения с применением формул.</li> </ul>   |  |
| <p><u>Векторы и координаты в пространстве</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятием декартовы координаты в пространстве;</li> <li>- находить координаты вершин куба и прямоугольного параллелепипеда</li> </ul>   | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><b>Знать:</b></p>  |  |
| <p><u>Элементы теории множеств и математической логики</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятия: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал;</li> <li>- понятия: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;</li> <li>- каким образом находятся пересечения и объединения двух множеств, представленных графически на числовой прямой;</li> <li>- каким образом строится на числовой прямой подмножество числового множества, заданное простейшими условиями;</li> <li>- каким образом распознаются ложные утверждения, ошибки в рассуждениях, в том числе с использованием контрпримеров.</li> </ul> | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><u>Числа и выражения</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятия: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближенное значение числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;</li> <li>- понятия: логарифм числа, тригонометрическая окружность, градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину;</li> <li>- как выполнять арифметические действия с целыми и рациональными числами;</li> </ul>   | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |

|  |  |
|--|--|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>- как выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, либо корни из чисел, либо логарифмы чисел;</li> <li>- как сравнивать рациональные числа между собой;</li> <li>- как оценивать и сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел, логарифмов чисел в простых случаях;</li> <li>- способы изображения точками на числовой прямой целые и рациональные числа;</li> <li>- способы изображения точками на числовой прямой целые степени чисел, корни натуральной степени из чисел, логарифмы чисел в простых случаях;</li> <li>- как выполнять несложные преобразования целых и дробно-рациональных буквенных выражений;</li> <li>- как выражать в простейших случаях из равенства одну переменную через другие;</li> <li>- как вычислять в простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;</li> <li>- как изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах;</li> <li>- как оценивать знаки синуса, косинуса, тангенса, котангенса конкретных углов.</li> </ul> |  |
| <p><u>Уравнения и неравенства</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- методы решения линейных уравнений и неравенств, квадратных уравнений;</li> <li>- методы решения логарифмических уравнений вида <math>\log_a (bx + c) = d</math> и простейших неравенств вида <math>\log_a x &lt; d</math>;</li> <li>- методы решения показательных уравнений вида <math>a^{bx+c} = d</math> (где <math>d</math> можно представить в виде степени с основанием <math>a</math>) и простейших неравенств вида <math>a^x &lt; d</math> (где <math>d</math> можно представить в виде степени с основанием <math>a</math>);</li> <li>- примеры корней простейшего тригонометрического уравнения вида: <math>\sin x = a</math>, <math>\cos x = a</math>, <math>\operatorname{tg} x = a</math>, <math>\operatorname{ctg} x = a</math>, где <math>a</math> - табличное значение соответствующей тригонометрической функции.</li> </ul>   | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><u>Функции</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятия: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период;</li> <li>- понятия: прямая и обратная пропорциональность линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции, тригонометрические функции;</li> <li>- графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций,</li> </ul>  | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |

|   |  |
|---|--|
| <p>тригонометрических функций;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- способы соотношения графиков элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометрических функций с формулами, которыми они заданы;</li> <li>- каким образом находить по графику приближенно значения функции в заданных точках;</li> <li>- каким образом определять по графику свойства функции (нули, промежутки знакопостоянства, промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т.п.);</li> <li>- построение эскизов графиков функции, удовлетворяющих приведенному набору условий (промежутки возрастания/убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов и т.д.).</li> </ul> |  |
| <p><u>Элементы математического анализа</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятия: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;</li> <li>- как определять значение производной функции в точке по изображению касательной к графику, проведенной в этой точке;</li> <li>- способы решения несложных задач на применение связи между промежутками монотонности и точками экстремума функции, с одной стороны, и промежутками знакопостоянства и нулями производной этой функции - с другой.</li> </ul>   | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><u>Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основные описательные характеристики числового набора: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения;</li> <li>- понятия: частота и вероятность события, случайный выбор, опыты с равновероятными элементарными событиями;</li> <li>- как вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов.</li> </ul>  | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><u>Текстовые задачи</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- способы решения несложных текстовых задач разных типов;</li> <li>- анализ условия задачи, при необходимости построение для ее решения математическую модель;</li> <li>- для решения задачи информацию, представленную в виде текстовой и символьной записи, схем, таблиц, диаграмм, графиков, рисунков;</li> <li>- пути действия по алгоритму, содержащемуся в условии задачи;</li> <li>- методы использования логических рассуждений при решении задачи;</li> <li>- как работать с избыточными условиями, выбирая из всей информации, данные, необходимые для решения задачи;</li> <li>- как осуществлять несложный перебор возможных</li> </ul>   | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |

|  |  |
|--|--|
| <p>решений, выбирая из них оптимальное по критериям, сформулированным в условии;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- как анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;</li> <li>- способы решения задачи на расчет стоимости покупок, услуг, поездок и т.п.;</li> <li>- способы решения несложных задачи, связанных с долевым участием во владении фирмой, предприятием, недвижимостью;</li> <li>- как решать задачи на простые проценты (системы скидок, комиссии) и на вычисление сложных процентов в различных схемах вкладов, кредитов и ипотек;</li> <li>- как решать практические задачи, требующие использования отрицательных чисел: на определение температуры, на определение положения на временной оси (до нашей эры и после), на движение денежных средств (приход/расход), на определение глубины/высоты и т.п.;</li> <li>- понятие масштаба для нахождения расстояний и длин на картах, планах местности, планах помещений, выкройках, при работе на компьютере и т.п.</li> </ul> |  |
| <p><u>Геометрия</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятия: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;</li> <li>- основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);</li> <li>- изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертежных инструментов;</li> <li>- применение теоремы Пифагора при вычислении элементов стереометрических фигур;</li> <li>- формулы нахождения объемов и площадей поверхностей простейших многогранников;</li> <li>- основные виды тел вращения (конус, цилиндр, сфера и шар);</li> <li>- формулы объемов и площадей поверхностей простейших многогранников и тел вращения.</li> </ul>   | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |
| <p><u>Векторы и координаты в пространстве</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятия декартовых координат в пространстве;</li> <li>- как находить координаты вершин куба и прямоугольного параллелепипеда</li> </ul>   | <p>Проведение практических занятий.<br/>Защита практических работ.<br/>Анализ результатов проведения практических работ.</p> |

| <p><b>Результаты<br/>(освоенные общие компетенции)</b></p>  | <p><b>Формы и методы контроля и оценки</b></p>   |
|---|--|
| <p>ОК 1. Понимать сущность и социальную значимость своей будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес.</p> | <p>Экспертная оценка решения ситуационных задач.<br/>Экспертное наблюдение и оценка практических</p> |

| <b>Результаты<br/>(освоенные общие компетенции)</b>  | <b>Формы и методы контроля и оценки</b>   |
|--|---|
| ОК 2. Организовывать собственную деятельность, исходя из цели и способов ее достижения, определенных руководителем.  | заданий.<br>Рефлексивный анализ деятельности<br><br>Формализованное наблюдение за деятельностью обучающихся в процессе освоения образовательной программы.<br>Экспертная оценка группового обсуждения на практических занятиях. |
| ОК 3. Анализировать рабочую ситуацию, осуществлять текущий и итоговый контроль, оценку и коррекцию собственной деятельности, нести ответственность за результаты своей работы. |   |
| ОК 4. Осуществлять поиск информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач.   |   |
| ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.  |   |
| ОК 6. Работать в команде, эффективно общаться с коллегами, руководством, клиентами.  |   |
| ОК 7. Исполнять воинскую обязанность, в том числе с применением полученных профессиональных знаний (для юношей).результат выполнения заданий.                                  |   |

| <i>Личностные результаты</i>                   | <i>Критерии оценки</i>  | <i>Методы оценки</i>  |
|--|---|---|
| ЛР1-12;<br>ЛР 19, ЛР 20<br>ЛР 27, ЛР 29, ЛР 30 | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Правильность выбора способов решения задач;</li> <li>- результативность информационного поиска;</li> <li>умение проводить оценку информации;</li> <li>- умение формулировать и объяснять основные свойства, теоремы, правила;</li> <li>- умение сравнивать, обобщать, строить логические умозаключения, делать выводы;</li> <li>- развивать творческие способности.</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>-Выполнение самостоятельных и контрольных работ;</li> <li>-выполнение упражнений, домашних заданий;</li> <li>-подготовка презентаций, докладов, рефератов;</li> <li>- текущий контроль в форме: устного опроса, защиты практических заданий, творческих работ, индивидуальных и групповых заданий;</li> <li>- выполнение практических работ;</li> <li>- проведение тестирования</li> <li>-выполнение экзаменационной работы</li> </ul> |

| Планируемый результат   | Основные показатели оценки результатов освоения учебного предмета  |
|---|--|
| <p>МР 1. Умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях.</p> | <p>Планирует цель и процесс выполнения работы, осуществляет самоконтроль за результатами работы.</p>   |
| <p>МР 2. Умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты.</p>  | <p>Вступает в контакт с окружающими<br/>Демонстрирует знание норм и правил, которым необходимо следовать при общении с окружающими<br/>Организовывает общение, слушает собеседника, эмоционально сопереживает, разрешает конфликтные ситуации, работает в группе</p> |
| <p>МР 3. Владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания.</p>  | <p>Работает с различными источниками информации, находит, анализирует, использует в самостоятельной деятельности информацию.</p>   |
| <p>МР 9. Владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств их достижения.</p>   | <p>Оценивает себя и повышает уровень своих знаний и умений.</p>  |
| <p>ПР 1. Сформированность представлений о математике как части мировой культуры и о месте математики в современной цивилизации, о способах описания на математическом языке явлений реального мира;</p>   | <p>Понимает роль математики в современном мире и для своей будущей профессии.</p>  |
| <p>ПР 2. Сформированность представлений о математических понятиях как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;</p>   | <p>Владеет понятийным математическим аппаратом для описания процессов и явлений.</p>   |

|   |   |
|---|---|
| <p>ПР 3. Владение методами доказательств и алгоритмов решения; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач.</p>   | <p>Рационально использует методы и приемы доказательств, алгоритмы решения задач.</p>   |
| <p>ПР 4. Владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств.</p>   | <p>Владеет стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем.<br/>Для иллюстрации решения уравнений и неравенств использует готовые компьютерные программы.</p> |
| <p>ПР 5. Сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа.</p>  | <p>Демонстрирует знания об основных понятиях, идеях и методах математического анализа.</p>  |
| <p>ПР 6. Владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире геометрические фигуры; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием.</p>  | <p>Демонстрирует знания понятий о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах.<br/>Применяет формулы при решении геометрических задач и задач с практическим содержанием</p>   |
| <p>ПР 7. Сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин.</p> | <p>Владеет основными понятиями теории вероятностей, основными характеристиками случайных величин.<br/>Применяет знания в простейших практических задачах по «Теории вероятностей» и «Статистике».</p>   |
| <p>ПР 8. Владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.</p>   | <p>Применяет готовые компьютерные программы при решении задач.</p>  |
| <p>ПР 9. Сформированность представлений о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений.</p>   | <p>Применяет доказательство при изучении теорем, свойств, решении задач.<br/>Осознает роль аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений.</p>  |
| <p>ПР 10. Сформированность понятийного аппарата по основным разделам курса математики; знаний основных теорем, формул и умения их применять; умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач.</p>  | <p>Демонстрирует знания понятийного аппарата по курсу математики, основных теорем, формул.<br/>Применяет знания при доказательствах теорем, нестандартных способах решения задач.</p>   |

|  |  |
|--|--|
| <p>ПР 11.Сформированность умений моделировать реальные ситуации, исследовать построенные модели, интерпретировать полученный результат.</p>  | <p>Владеет основными понятиями теории вероятностей, основными характеристиками случайных величин. Применяет знания в простейших практических задачах по «Теории вероятностей» и «Статистике»</p> |
| <p>ПР 12.Сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей.</p>                                 | <p>Демонстрирует знание основных понятий математического анализа, применяет эти знания при решении задач.</p>  |
| <p>ПР 13.Владение умениями составления вероятностных моделей по условию задачи и вычисления вероятности наступления событий, в том числе с применением формул комбинаторики и основных теорем теории вероятностей; исследования случайных величин по их распределению.</p> | <p>Применяет формулы теории вероятностей, комбинаторики, случайных величин при решении задач.</p>  |